

<i>L.S.Lamta</i>	<b><u>Devoir de contrôle N° : 6</u></b> <b><u>- Mathématiques -</u></b>	<b><u>Classe : 2<sup>ème</sup> . sciences</u></b> <b><u>Date : 27/ 04 / 2009</u></b> <b><u>Durée : 1 heure</u></b>
------------------	--	--

**Exercice 1 (5pts)**

1) Calculer les sommes suivantes en justifiant :

$$A = \cos\left(\frac{2\pi}{7}\right) + \cos\left(\frac{3\pi}{7}\right) + \cos\left(\frac{4\pi}{7}\right) + \cos\left(\frac{5\pi}{7}\right) + 27$$

$$B = \sin^2\left(\frac{\pi}{12}\right) + \sin^2\left(\frac{5\pi}{12}\right) + \sin^2\left(\frac{7\pi}{12}\right) + \sin^2\left(\frac{11\pi}{12}\right) + \sin^2\left(\frac{3\pi}{12}\right) + 4$$

- 2) Résoudre dans  $[0; \pi]$  :
- i)  $(4\cos^2 x - 3) \left(\sin^2 x - \frac{1}{4}\right) = 0$
  - ii)  $2\sin^2 x - \sin x - 1 = 0$

**Exercice 1 (7pts)**

Soient  $(\zeta)$  un cercle de centre O et **de rayon 1**,  $[AB]$  un diamètre de  $(\zeta)$ , I un point de  $(\zeta)$  tel que  $\widehat{BOI} = \frac{\pi}{4}$  et H le projeté orthogonal de I sur  $[AB]$

1) Faire une figure

2) Calculer OH et AH et déduire que  $\cos \widehat{BAI} = \frac{2 + \sqrt{2}}{2AI}$

3) a/ Donner la mesure de l'angle  $\widehat{BAI}$  ; Justifier  
b/ Que peut on dire du triangle AIB ? Justifier

c/ En déduire  $\cos \widehat{BAI} = \frac{AI}{2}$

4/ En déduire  $\cos \frac{\pi}{8}$  puis  $\sin \frac{\pi}{8}$

**Exercice 3 (8pts)**

Soit la fonction f définie par  $f(x) = (x-1)^2$

1/ Déterminer l'ensemble de définition de f

2/ a/ Etudier les variations de f sur  $]-\infty; 1]$  et sur  $]1; +\infty[$

b/ Soit  $(\zeta_f)$  la représentation de f dans un repère orthonormé  $(o; \vec{i}; \vec{j})$

Déterminer l'axe et le sommet de  $(\zeta_f)$

c/ Tracer  $(\zeta_f)$

d/ Tracer dans le même repère la droite  $\Delta$  d'équation :  $y = 1$

e/ Résoudre graphiquement l'équation  $x^2 - 2x = 0$

3/ Soit la droite  $\Delta'$  d'équation  $y = 4$

Résoudre graphiquement  $x^2 - 2x - 3 < 0$

**BON TRAVAIL**